

**Inferencia  
Estadística**  
(Teoría y problemas)

I. Espejo Miranda  
F. Fernández Palacín  
M. A. López Sánchez  
M. Muñoz Márquez  
A. M. Rodríguez Chía  
A. Sánchez Navas  
C. Valero Franco

© Servicio de Publicaciones. Universidad de Cádiz  
I. Espejo Miranda, F. Fernández Palacín, M. A. López Sánchez, M. Muñoz  
Márquez, A. M. Rodríguez Chía, A. Sánchez Navas, C. Valero Franco

Edita: Servicio de Publicaciones de la Universidad de Cádiz  
c/ Doctor Marañón, 3. 11002 Cádiz (España)  
[www.uca.es/publicaciones](http://www.uca.es/publicaciones)

ISBN: 978-84-9828-131-6

Se concede permiso para copiar, distribuir y/o modificar este documento bajo los términos de la Licencia de Documentación Libre de GNU, Versión 1.2 o cualquier otra versión posterior publicada por la Free Software Foundation. Una traducción de la licencia está incluida en la sección titulada “Licencia de Documentación Libre de GNU”.

Permission is granted to copy, distribute and/or modify this document under the terms of the GNU Free Documentation License, Version 1.2 or any later version published by the Free Software Foundation. A copy of the license is included in the section entitled “GNU Free Documentation License”.

## Índice general

<b>Prólogo</b>	<b>IX</b>
1. Introducción . . . . .	IX
2. History (Histórico) . . . . .	XI
3. Licencia de Documentación Libre de GNU . . . . .	XII
4. GNU Free Documentation License . . . . .	XXII
<b>1      La Inferencia Estadística.....</b>	<b>1</b>
1. Introducción . . . . .	1
2. Clasificación de los procedimientos inferenciales . . . . .	2
3. Naturaleza de la información extraída de la población . . . .	3
4. Razones que justifican un estudio inferencial . . . . .	5
5. Tipos de muestreo . . . . .	5

<b>2</b>	<b>Estimación puntual.....</b>	<b>11</b>
1.	Introducción .....	11
2.	Estadístico, Estimador y Estimación .....	12
3.	La función de verosimilitud .....	13
4.	Suficiencia .....	14
5.	Propiedades de los estimadores .....	15
6.	Métodos de obtención de estimadores .....	19
7.	Estimación de parámetros en poblaciones Normales .....	22
8.	Ejercicios .....	30
<b>3</b>	<b>Estimación por intervalos de confianza.....</b>	<b>41</b>
1.	Introducción .....	41
2.	Intervalos de confianza de longitud mínima .....	45
3.	Método del pivote .....	45
4.	Intervalos de confianza en poblaciones Normales .....	48
5.	Método basado en la desigualdad de Tchebychev .....	62
6.	Método asintótico basado en el Teorema Central del Límite	63
7.	Intervalo asintótico para cualquier parámetro .....	68
8.	Determinación del tamaño muestral .....	70

	III
9. Tablas de Intervalos de Confianza . . . . .	73
10. Ejercicios . . . . .	75
<b>4 Contraste de hipótesis . . . . .</b>	<b>81</b>
1. Conceptos básicos . . . . .	81
2. Los errores de un contraste . . . . .	85
3. El enfoque de Neyman–Pearson . . . . .	88
4. Metodología de Fisher para la realización de un contraste paramétrico . . . . .	90
5. Contraste de la razón de verosimilitudes . . . . .	93
6. Contrastados en poblaciones Normales . . . . .	96
7. Contrastados para la proporción . . . . .	97
8. Tablas de contrastados de hipótesis . . . . .	99
9. Ejercicios propuestos . . . . .	102
<b>5 Contrastes no paramétricos . . . . .</b>	<b>107</b>
1. Introducción . . . . .	107
2. Análisis de la calidad de la muestra . . . . .	109
3. Análisis de la estructura de la población . . . . .	114
4. Contrastados de localización y escala . . . . .	124

5.	Tablas de contrastes no paramétricos . . . . .	137
6.	Ejercicios . . . . .	140
<b>6</b>	<b>Análisis de la Varianza . . . . .</b>	<b>147</b>
1.	Introducción . . . . .	147
2.	Modelo ANOVA unifactorial . . . . .	149
3.	Contrastes múltiples . . . . .	166
4.	Validación del modelo . . . . .	178
5.	Tests no paramétricos . . . . .	184
6.	Ejercicios . . . . .	194
<b>A</b>	<b>Tablas . . . . .</b>	<b>203</b>

## Índice de tablas

3.1.	Intervalos de confianza para una población . . . . .	73
3.2.	Intervalos de confianza para dos poblaciones . . . . .	74
3.3.	Resultados: Distribución $N(\mu, \sigma)$ . . . . .	75
3.4.	Resultados: Distribución $\text{Exp}(\lambda)$ ( $\alpha = 0'05$ ) . . . . .	76
4.1.	Contrastes sobre la proporción . . . . .	99
4.2.	Contrastes sobre dos proporciones . . . . .	99
4.3.	Contrastes sobre una población Normal . . . . .	100
4.4.	Contrastes sobre dos poblaciones Normales independientes . .	101
5.1.	Tabla de datos . . . . .	135
5.2.	Contrastes no paramétricos I . . . . .	137
5.3.	Contrastes no paramétricos II . . . . .	138
5.4.	Contrastes no paramétricos III . . . . .	139

6.1. Tabla ANOVA . . . . .	163
6.2. Resultados: Test de Duncan . . . . .	170
6.3. Resultados del test de Scheffé . . . . .	177
A.1. Distribución Binomial . . . . .	204
A.2. Distribución de Poisson . . . . .	205
A.3. Distribución Normal . . . . .	206
A.4. Puntos Críticos: Distribución <i>t</i> de Student . . . . .	207
A.5. Puntos Críticos: Distribución $\chi^2$ . . . . .	208
A.6. Puntos Críticos: Distribución $\chi^2$ . . . . .	209
A.7. Distribución $\mathcal{F}$ de Snedecor ( $p = 0'5$ ) . . . . .	210
A.8. Distribución $\mathcal{F}$ de Snedecor ( $p = 0'5$ ) . . . . .	211
A.9. Distribución $\mathcal{F}$ de Snedecor ( $p = 0'75$ ) . . . . .	212
A.10. Distribución $\mathcal{F}$ de Snedecor ( $p = 0'75$ ) . . . . .	213
A.11. Distribución $\mathcal{F}$ de Snedecor ( $p = 0'9$ ) . . . . .	214
A.12. Distribución $\mathcal{F}$ de Snedecor ( $p = 0'9$ ) . . . . .	215
A.13. Distribución $\mathcal{F}$ de Snedecor ( $p = 0'95$ ) . . . . .	216
A.14. Distribución $\mathcal{F}$ de Snedecor ( $p = 0'95$ ) . . . . .	217
A.15. Distribución $\mathcal{F}$ de Snedecor ( $p = 0'975$ ) . . . . .	218
A.16. Distribución $\mathcal{F}$ de Snedecor ( $p = 0'975$ ) . . . . .	219

A.17.Distribución $\mathcal{F}$ de Snedecor ( $p = 0'99$ ) . . . . .	220
A.18.Distribución $\mathcal{F}$ de Snedecor ( $p = 0'99$ ) . . . . .	221
A.19.Distribución $\mathcal{F}$ de Snedecor ( $p = 0'995$ ) . . . . .	222
A.20.Distribución $\mathcal{F}$ de Snedecor ( $p = 0'995$ ) . . . . .	223
A.21.Puntos Críticos: Test de Rachas . . . . .	224
A.22.Puntos Críticos: Test de Rachas . . . . .	225
A.23.Puntos Críticos: Test de Rachas . . . . .	226
A.24.Puntos Críticos: Test de Rachas . . . . .	227
A.25.Puntos Críticos: Coeficiente de correlación . . . . .	229
A.26.Puntos Críticos: Test de Kolmogorov–Smirnov–Lilliefors . . .	231
A.27.Puntos Críticos: Test de Kolmogorov–Smirnov . . . . .	231
A.28.Puntos Críticos: Test de Shapiro–Wilks . . . . .	233
A.29.Coeficientes: Test de Shapiro–Wilks . . . . .	234
A.30.Coeficientes: Test de Shapiro–Wilks . . . . .	235
A.31.Puntos Críticos: Test de Wilcoxon . . . . .	237
A.32.Puntos Críticos: Test U de W–Mann–Whitney ( $\alpha = 0'1$ ) . . .	239
A.33.Puntos Críticos: Test U de W–Mann–Whitney ( $\alpha = 0'05$ ) . .	240
A.34.Puntos Críticos: Test U de W–Mann–Whitney ( $\alpha = 0'025$ ) . .	241
A.35.Puntos Críticos: Test U de W–Mann–Whitney ( $\alpha = 0'01$ ) . .	242

A.36.Puntos Críticos: Test U de W–Mann–Whitney ( $\alpha = 0'005$ ) . . . . .	243
A.37.Puntos Críticos: Test U de W–Mann–Whitney ( $\alpha = 0'001$ ) . . . . .	244
A.38.Puntos Críticos: Test de Kolmogorov–Smirnov (2 muestras) . . . . .	245
A.39.Puntos Críticos: Test de Cochran . . . . .	247
A.40.Puntos Críticos: Test de Kruskal–Wallis . . . . .	249
A.41.Puntos críticos: Test de Kruskal–Wallis (comparaciones) . . . . .	249
A.42.Recorrido Studentizado (Extremo inferior) . . . . .	251
A.43.Recorrido Studentizado (Extremo superior) . . . . .	252
A.44.Región Crítica: Test de Duncan . . . . .	253
A.45.Región Crítica: Test de Hartley . . . . .	255